

Varianta 71

III.

13. $123 = c_1 \cdot x + 3$; $87 = c_2 \cdot x + 7$ și $62 = c_3 \cdot x + 2$. Deducem că x divide simultan pe 120; 80 și pe 60.

a) Cel mai mare x care satisface $x > 7$ și x divide simultan pe 120; 80 și pe 60 este c.m.m.d.c. adică 20.

b) Cel mai mic număr x care satisface această condiție și $x > 7$ este 10.

14. a) $E(\sqrt{2} - 3) = (\sqrt{2} - 3)^2 + \sqrt{2} - 3 + 5\sqrt{2} = 8$.

b) $x = 1$ și $y = 1 \Rightarrow 4 \cdot 1 - 1 - 3 = 0$. Relația este adevărată deci $(1; 1)$ este soluție.

c) Avem $x = \frac{y+3}{4} \Rightarrow 0 \leq y+3 \leq 4 \Rightarrow -3 \leq y \leq 1 \Rightarrow y \in [-3; 1]$.

15. b) Fie S mijlocul bazei mici $[DC]$. Fie T mijlocul bazei mari $[AB]$. Notăm cu R intersecția diagonalelor AC și BD . Deoarece trapezul are diagonalele perpendiculare și este isoscel, triunghiurile DRC și ARB sunt dreptunghice isoscele. RS și RT vor fi mediane și înălțimi. Într-un triunghi dreptunghic lungimea medianei dusă pe ipotenuză este jumătate din aceasta. Rezultă $ST = \frac{AB + DC}{2}$. Deci generatoarea = $4\sqrt{5}$ cm.

c) $V_{con} = \frac{36\pi \cdot 12}{3} \text{ cm}^3 = 144\pi \text{ cm}^3$.

d) Distanța cerută este $\frac{4\sqrt{5}}{5}$ cm.