

EXAMENUL DE BACALAUREAT – 2007

 Proba scrisă la **MATEMATICĂ**
PROBA D
Varianta 070
M3: Proba d. Filiera Vocațională: profil Pedagogic, specializările învățător-educatoare
NOTĂ. Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu. Timp de lucru efectiv 3 ore
La toate subiectele se cer rezolvări cu soluții complete
SUBIECTUL I (20p)

- (4p) a) Să se rezolve în mulțimea numerelor reale ecuația $x^2 + 20x - 125 = 0$.
- (4p) b) Să se rezolve în mulțimea numerelor reale inecuația $x^2 + 20x - 125 \leq 0$,
- (4p) c) Să se determine $x > 2$ cu proprietatea că $\log_3(3x - 6) = 0$.
- (4p) d) Să se rezolve în mulțimea numerelor reale ecuația $5^{x+1} - 3 \cdot 5^x = 50$.
- (2p) e) Să se determine câte numere naturale pare de trei cifre distincte, se pot forma cu elementele mulțimii $\{1, 2, 3, 5, 7\}$.
- (2p) f) Se consideră funcția $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = x^2 + 20x - 125$. Să se determine numărul real a cu proprietatea $f(x) \geq f(a)$, $\forall x \in \mathbf{R}$.

SUBIECTUL II (30p)
1.

- (3p) a) Să se determine câte funcții $f: \{2,4\} \rightarrow \{-1,1,2\}$ verifică proprietatea $f(2) \cdot f(4) = 1$.
- (3p) b) Să se determine cel mai mare număr natural de trei cifre care împărțit la 11 dă restul 3.
- (3p) c) Se consideră mulțimea A formată din 30 de numere divizibile cu 2 sau 3. Dacă în A sunt 20 numere divizibile cu 2 și 21 numere sunt divizibile cu 3, să se determine câte numere divizibile cu 6 conține mulțimea A .
- (3p) d) Să se calculeze produsul primelor 10 zecimale ale numărului $\frac{1}{14}$.
- (3p) e) Să se determine prețul inițial al unui produs, dacă după o scumpire cu 28% acesta costă 2208 lei.

2. Se consideră triunghiul ABC în care $AB = 6$, $AC = 8$, $BC = 10$.

- (3p) a) Să se calculeze perimetrul triunghiului ABC .
- (3p) b) Să se arate că triunghiul ABC este dreptunghic.
- (3p) c) Să se calculeze aria triunghiului ABC .
- (3p) d) Să se calculeze lungimea medianei din C a triunghiului ABC .
- (3p) e) Să se calculeze lungimea înălțimii din A a triunghiului ABC .

SUBIECTUL III (20p)

Se consideră pătratul $ABCD$ de latură a , în care M și N sunt mijloacele laturilor AB și CD și P

un punct pe segmentul MN cu proprietatea $m(\widehat{MBP}) = 60^\circ$.

- (4p) a) Să se arate că $BP = a$.
- (4p) b) Să se arate că $PM = \frac{a\sqrt{3}}{2}$.
- (4p) c) Să se demonstreze că triunghiul BCP este isoscel.
- (2p) d) Să se arate că $m(\widehat{PCB}) = 75^\circ$
- (2p) e) Să se arate că dacă un punct T din planul pătratului verifică $TC = TD$ atunci M, N, T sunt coliniare.
- (2p) f) Să se arate că dacă un punct S din interiorul pătratului verifică $SC = SD$ și $m(\widehat{SCD}) = 15^\circ$, atunci triunghiul SAB este echilateral.
- (2p) g) Să se calculeze $\sin 15^\circ$.

SUBIECTUL IV (20p)

Se consideră mulțimea $A = \{a + b\sqrt{223} \mid a, b \in \mathbf{Z}\}$ și mulțimea $B = \{\sqrt{n} \mid n \in \mathbf{N}, n \leq 2007\}$.

- (4p) a) Să se arate că $0 \in A$ și $\sqrt{223} \in A$.
- (4p) b) Să se arate că $45^2 - 2007 > 0 > 44^2 - 2007$.
- (4p) c) Să se arate că dacă $x, y \in A$ atunci $x \cdot y \in A$.
- (2p) d) Să se arate că există $x \in A$ cu proprietatea $\frac{1}{x} \in A$.
- (2p) e) Să se determine mulțimea $B \cap \mathbf{N}$.
- (2p) f) Să se arate că $\sqrt{2007} \in A \cap B$.
- (2p) g) Să se arate că $A \cap B$ are 48 de elemente.