

EXAMENUL DE BACALAUREAT – 2007

 Proba scrisă la **MATEMATICĂ**
PROBA D

Varianta ...083

M3: Proba d. Filiera Vocațională: profil Pedagogic, specializările învățător-educatoare
NOTĂ. Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu. Timp de lucru efectiv 3 ore

La toate subiectele se cer rezolvări cu soluții complete
SUBIECTUL I (20p)

- (4p) a) Să se determine soluțiile reale ale ecuației $x^2 + x - 6 = 0$.
- (4p) b) Să se determine $n \in \mathbf{Z}$ știind că $2^n = \frac{1}{16}$.
- (4p) c) Să se determine soluțiile reale ale ecuației $\log_2(x^2 + 1) = 5$.
- (4p) d) Să se determine parametrul real a astfel încât punctul $A(a, 2)$ să aparțină dreptei $3x + 2y - 5 = 0$.
- (2p) e) Să se calculeze C_4^2 .
- (2p) f) Să se determine 15% din 600.

SUBIECTUL II (30p)

 1. Se consideră mulțimea $A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11\}$.

- (3p) a) Să se calculeze media aritmetică a elementelor mulțimii A .
- (3p) b) Să se determine numărul numerelor prime din mulțimea A .
- (3p) c) Să se determine numărul de submulțimi cu cinci elemente ale mulțimii A .
- (3p) d) Să se determine media geometrică a elementelor divizibile cu 3 și care se află în mulțimea A .
- (3p) e) Să se determine $a, b \in A$ dacă $a + b = 10$.
- 2.
- (3p) a) Să se calculeze aria unui pătrat cu diagonala de $5\sqrt{2}$.
- (3p) b) Să se determine lungimea laturii unui triunghi echilateral cu aria de $36\sqrt{3}$.
- (3p) c) Să se calculeze perimetrul unui romb cu diagonalele de 8 și respectiv 6.
- (3p) d) Să se calculeze volumul cubului cu diagonala de $3\sqrt{3}$.
- (3p) e) Să se determine lungimea diagonalei unui dreptunghi care are lungimile laturilor de 6 și respectiv 4.

SUBIECTUL III (20p)

Se consideră triunghiul echilateral ABC de latură 12 și punctele distincte D, E, F, G situate pe segmentul (BC) astfel încât $BD = DE = EF = FG = GC$.

- (4p) a) Să se arate că triunghiurile ABD și ACG sunt congruente.
- (4p) b) Să se arate că triunghiurile AED și AEF au ariile egale.
- (4p) c) Să se arate că raportul dintre aria triunghiului ABE și aria triunghiului ABC este $\frac{2}{5}$.
- (2p) d) Să se determine lungimea înălțimii triunghiului echilateral ABC .
- (2p) e) Să se determine lungimea segmentului (DM) dacă $DM \perp AB$ și $M \in (AB)$.
- (2p) f) Să se determine numărul triunghiurilor cu vârfurile în punctele mulțimii $\{A, B, C, D, E, F, G\}$.
- (2p) g) Să se determine numărul triunghiurilor cu vârfurile în punctele mulțimii $\{A, B, C, D, E, F, G\}$, triunghiuri cu aria egală cu $\frac{3}{5}$ din aria triunghiului ABC .

SUBIECTUL IV (20p)

Pentru orice $n \in \mathbf{N}^*$ se consideră suma $S_n = 1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + \dots + n(n+1)$.

- (4p) a) Să se calculeze S_1 și S_2 .
- (4p) b) Să se demonstreze folosind metoda inducției matematice că $S_n = \frac{n(n+1)(n+2)}{3}$.
- (2p) c) Să se arate că S_2 și S_4 sunt divizibile cu 8.
- (2p) d) Să se arate că S_{2k} este divizibil cu 8, pentru orice $k \in \mathbf{N}^*$.
- (4p) e) Să se descompună în factori expresia $k^2 + k, k \in \mathbf{N}^*$.
- (2p) f) Să se calculeze suma $(1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 20^2) + (1 + 2 + 3 + \dots + 20)$.
- (2p) g) Să se arate că numărul $3 \cdot S_n \cdot (n+3) + 1$ este pătrat perfect, $\forall n \in \mathbf{N}^*$.