

EXAMENUL DE BACALAUREAT – 2008
Probă scrisă la MATEMATICĂ - Proba F

Filiera teoretică, profilul umanist, specializarea filologie.

Filiera vocațională:

- profilul artistic, specializarea: muzică, coregrafie, arta actorului, arte plastice, arte decorative;
- profilul teologic, specializarea: teologia ortodoxă, patrimoniu cultural.
- Toate subiectele sunt obligatorii. Timpul efectiv de lucru este de 3 ore. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- La toate subiectele se cer rezolvări complete.

SUBIECTUL I (30p) – Varianta 071

- 5p** 1. a) Se consideră predicatul $p(x; y)$: " $2x - y = 15$, unde $x, y \in \mathbb{Z}$ ".
Să se stabilească valoarea de adevăr a propoziției " $(\forall y) (\exists x) p(x; y)$ ", justificând răspunsul.
- 5p** b) Să se compare numerele reale $a = (1 + 4^{33} \cdot 8^{-21} + 6 \cdot 9^{15} \cdot 3^{-28})^7$ și $b = \left(\frac{2^{3^4}}{2^{4^3+10}} + 1 \right)^7$.
- 5p** 2. Știind că șirul $(b_n)_{n \geq 1} \subset \mathbb{R}^*$ este o progresie geometrică în care $b_1 - b_5 = 21$ și $b_1 - b_3 = 14$, să se determine b_7 .
- 5p** 3. Să se afle câte numere naturale de 3 cifre se pot scrie, în baza 10, utilizând numai cifrele 1, 2 și 3.
- 5p** 4. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = |2x - 1| + |2x + 1|$.
- 5p** a) Să se stabilească dacă funcția f este pară sau impară.
- 5p** b) Să se determine cel mai mare număr real a știind că, pentru oricare $x \in \mathbb{R}$, există inegalitatea $f(x) \geq a$.