

Examenul de bacalaureat 2010

Proba E - c)

Proba scrisă la matematică

Filiera vocațională, profilul pedagogic, specializarea învățător- educatoare

MODEL

- **Toate subiectele (I, II și III) sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.**
- **Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.**
- **La toate subiectele se cer rezolvări complete.**

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- 5p** 1. Calculați probabilitatea ca, alegând un element din mulțimea $\{0, 1, 2, 3, 4\}$, acesta să fie soluție a ecuației $x^2 - 4x + 3 = 0$.
- 5p** 2. Calculați suma $S = 1 + 2 + 3 + \dots + 40$.
- 5p** 3. Determinați valorile parametrului real m astfel încât ecuația $x^2 - 4mx + 1 = 0$ să aibă soluții reale.
- 5p** 4. Calculați distanța de la punctul $A(1, 2)$ la dreapta $d: x + y + 1 = 0$.
- 5p** 5. Rezolvați în \mathbb{R} ecuația $7^{2x} - 8 \cdot 7^x + 7 = 0$.
- 5p** 6. Calculați $\frac{1}{2} \cos 135^\circ + 3 \sin 135^\circ$.

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

Pe mulțimea numerelor întregi se definește legea de compoziție $x * y = xy + 2x + 2y + a$, cu $a \in \mathbb{Z}$.

- 5p** a) Determinați $a \in \mathbb{Z}$ știind că legea "*" admite element neutru.
- 5p** b) Pentru $a = 2$ demonstrați că legea "*" este asociativă.
- 5p** c) Dacă $a = 2$ arătați că $(x + y + 2) * z = (x * z) + (y * z) + 2$, pentru orice $x, y, z \in \mathbb{Z}$.
- 5p** d) Pentru $a = 2$ determinați mulțimea $M = \{x \in \mathbb{Z} \mid \text{există } x' \in \mathbb{Z}, \text{ astfel încât } x * x' = -1\}$.
- 5p** e) Pentru $a = 2$ determinați $x, y \in \mathbb{Z}$, astfel încât $x * y = 3$.
- 5p** f) Fie mulțimea $H = \{-3, -1\}$. Determinați $a \in \mathbb{Z}$ astfel încât, pentru oricare $x, y \in H$, să rezulte că $x * y \in H$.

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

Fie numerele reale a, b, c și determinantul $D = \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix}$.

- 5p** a) Pentru $a = 1, b = 2$ și $c = 3$, calculați determinantul D .
- 5p** b) Arătați că dacă $a = b$, atunci $D = 0$.
- 5p** c) Pentru $b = 2$ și $c = 3$, determinați $a \in \mathbb{R}$, astfel încât $D = 2$.
- 5p** d) Demonstrați că $D = (b - a) \cdot (c - a) \cdot (c - b)$.
- 5p** e) Arătați că dacă $D = 0$, atunci cel puțin două dintre numerele a, b și c sunt egale.
- 5p** f) Arătați că dacă $a, b, c \in \mathbb{Z}$, atunci D este număr întreg par.