

**Examenul de bacalaureat național 2022**  
**Proba E. c)**  
**Matematică  $M_{pedagogic}$**

**Varianta 3**

*Filiera vocațională, profilul pedagogic, specializarea învățător-educatoare*

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

- 5p** 1. Arătați că  $(\sqrt{3}+1)^2 - (\sqrt{3}-1)^2 = \sqrt{48}$ .
- 5p** 2. Determinați coordonatele punctului de intersecție a graficelor funcțiilor  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = 2x + 1$  și  $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $g(x) = -2x + 5$ .
- 5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația  $3^{x-2} = \left(\frac{1}{3}\right)^{-2x}$ .
- 5p** 4. Determinați câte numere naturale impare de două cifre se pot forma cu cifrele 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 și 8.
- 5p** 5. În reperul cartezian  $xOy$  se consideră punctele  $A(0,2)$ ,  $B(5,2)$  și  $C(6,6)$ . Determinați distanța de la punctul  $B$  la mijlocul segmentului  $AC$ .
- 5p** 6. Se consideră triunghiul  $ABC$  cu  $AB=9$ ,  $AC=12$  și  $BC=15$ . Arătați că  $\sin B + \sin C = \frac{7}{5}$ .

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție  $x * y = -\frac{1}{3}xy + \frac{1}{3}(x+y) + \frac{2}{3}$ .

- 5p** 1. Arătați că  $4 * 2 = 0$ .
- 5p** 2. Demonstrați că  $x * y = -\frac{1}{3}(x-1)(y-1) + 1$ , pentru orice numere reale  $x$  și  $y$ .
- 5p** 3. Determinați numărul real  $x$  pentru care  $4 * x = x$ .
- 5p** 4. Arătați că  $e = -2$  este elementul neutru al legii de compoziție „\*”.
- 5p** 5. Determinați numerele reale  $x$  pentru care  $x * x = -2$ .
- 5p** 6. Arătați că  $\frac{1}{x} * \frac{1}{x} \leq 1$ , pentru orice număr real nenul  $x$ .

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

Se consideră matricele  $A(x,y) = \begin{pmatrix} x & y \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$  și  $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , unde  $x$  și  $y$  sunt numere reale.

- 5p** 1. Arătați că  $\det B = 2$ .
- 5p** 2. Arătați că  $\det(A(2n, 2n+1))$  este număr natural impar, pentru orice număr natural nenul  $n$ .
- 5p** 3. Arătați că  $A(2x, 0) + A(0, 2x) = 2A(x, x)$ , pentru orice număr real  $x$ .
- 5p** 4. Determinați numerele reale  $x$  și  $y$ , astfel încât  $A(x, y) \cdot B = B \cdot A(x, y)$ .
- 5p** 5. Determinați numărul real strict pozitiv  $x$ , știind că suma elementelor matricei  $A(\log_3 x, 1)$  este egală cu 5.
- 5p** 6. Determinați numerele reale  $x$  și  $y$ , știind că  $A(x, y) \cdot A(x, y) = 2I_2$ .