

1) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_1 = 13$  și rația  $q = 8$ , calculați  $b_2$ .

1) 104.

1)

Folosind definiția progresiei geometrice,  $b_n = b_{n-1} \cdot q$ , se obține:

$$b_2 = b_1 \cdot q, \text{ deci}$$

$$b_2 = 13 \cdot 8$$

$$b_2 = 104.$$

2) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_1 = 7$  și rația  $q = 5$ , calculați  $b_5$ .

2) 4375.

2)

Folosind formula termenului general al unei progresii geometrice,  $b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$ , se obține:

$$b_5 = b_1 \cdot q^4$$

$$b_5 = 7 \cdot 5^4$$

$$b_5 = 4375.$$

3) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_3 = 324$  și rația  $q = 6$ , calculați  $b_4$

3) 1944.

3)

Folosind definiția progresiei geometrice,  $b_n = b_{n-1} \cdot q$ , se obține:

$$b_4 = b_3 \cdot q$$

$$b_4 = 324 \cdot 6$$

$$b_4 = 1944.$$

4) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_1 = 6$  și  $b_2 = 48$ , calculați rația  $q$ .

4) 8.

4)

Folosind definiția progresiei geometrice,  $b_n = b_{n-1} \cdot q$ , se obține:

$$b_2 = b_1 \cdot q,$$

$$\text{deci } q = \frac{b_2}{b_1}$$

$$q = \frac{48}{6}$$

$$q = 8.$$

5) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_1 = 4$  și  $b_5 = 5184$ , calculați rația  $q$ .

5) 6.

5)

Folosind formula termenului general al unei progresii geometrice,  $b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$ , se obține:

$$b_5 = b_1 \cdot q^4$$

$$b_5 = 5184, \text{ egalând cele două relații, se obține:}$$

$$b_1 \cdot q^4 = 5184$$

$$4 \cdot q^4 = 5184$$

$$q^4 = 1296$$

$$q^4 = 6^4$$

$$q = 6.$$

6) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_4 = 250$  și  $b_5 = 1250$ , calculați rația  $q$ .

6) 5.

6)

Folosind definiția progresiei geometrice,  $b_n = b_{n-1} \cdot q$ , se obține:

$$b_5 = b_4 \cdot q,$$

$$\text{deci } q = \frac{b_5}{b_4}$$

$$q = \frac{1250}{250}$$

$$q = 5.$$

7) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_2 = 60$  și rația  $q = 4$ , calculați  $b_1$

7) 15.

7)

Folosind definiția progresiei geometrice,  $b_n = b_{n-1} \cdot q$ , se obține:

$$b_2 = b_1 \cdot q,$$

$$\text{deci } b_1 = \frac{b_2}{q}$$

$$b_1 = \frac{60}{4}$$

$$b_1 = 15.$$

8) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_3 = 63$  și rația  $q = 3$ , calculați  $b_1$ .

8) 7.

8)

Folosind formula termenului general al unei progresii geometrice,  $b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$ , se obține:

$$b_3 = b_1 \cdot q^2$$

$b_3 = 63$ , egalând cele două relații, se obține:

$$b_1 \cdot q^2 = 63$$

$$b_1 \cdot 3^2 = 63$$

$$b_1 \cdot 9 = 63$$

$$b_1 = 7.$$

9) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_6 = 18750$  și rația  $q = 5$ , calculați  $b_5$ .

9) 3750.

9)

Folosind definiția progresiei geometrice,  $b_n = b_{n-1} \cdot q$ , se obține:

$$b_6 = b_5 \cdot q,$$

$$\text{deci } b_5 = \frac{b_6}{q}$$

$$b_5 = \frac{18750}{5}$$

$$b_5 = 3750.$$

10) Fie  $(b_n)_{n \geq 1}$  o progresie geometrică. Știind că  $b_2 = 10$  și  $b_4 = 40$ , calculați  $b_1$  și rația  $q$ .

10) 5, 2.

10)

Folosind formula termenului general al unei progresii geometrice,  $b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$ , se obține:

$$\begin{cases} b_1 \cdot q^{2-1} = b_2 \\ b_1 \cdot q^{4-1} = b_4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b_1 \cdot q^1 = 10 \\ b_1 \cdot q^3 = 40 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b_1 \cdot q^1 = 10 \\ b_1 \cdot q^3 = 40 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b_1 \cdot q^1 = 10 \\ b_1 \cdot q^3 = 40 \end{cases}$$

se împarte a doua egalitate (ecuație) la prima egalitate (ecuație):

$$\frac{b_1 \cdot q^3}{b_1 \cdot q^1} = \frac{40}{10}$$

$$\frac{b_1 \cdot q^3}{b_1 \cdot q^1} = \frac{40}{10}$$

se simplifică fracțiile:

$$q^2 = 4$$

$$q^2 = 2^2$$

$$q = 2$$

se substituie această valoare în prima ecuație și se obține:

$$b_1 \cdot q^1 = 10$$

$$b_1 \cdot 2^1 = 10$$

$$b_1 \cdot 2 = 10$$

$$b_1 = 5.$$